

1. (a) যে কোনো একটি প্রশ্নের উত্তর দাও:- 2X1=2

i) R একটি সম্বন্ধ যেখানে  $R = \{(x, y) : x, y \in N \text{ and } x + 3y = 12\}$  হলে R এর রৈখিক এক পাল্লা নির্ণয় করো।

ii) মান বসিয়ে সকল বাস্তব সংখ্যার সম্বন্ধে R এক  $x \in R$  এর জন্য  $f: R \rightarrow R$  চিত্রণ  $f(x) = \alpha x + 2$  দ্বারা সংজ্ঞায়িত। যদি  $(f \circ f) = I_R$  হয় তবে  $\alpha$  এর মান নির্ণয় করো।

b) i) যে কোনো একটি প্রশ্নের উত্তর দাও:- 2X1=2

$A = \begin{pmatrix} 8 & 0 \\ 4 & -2 \end{pmatrix}$  এক  $B = \begin{pmatrix} 2 & -2 \\ -5 & 1 \end{pmatrix}$  অপরিমিত ম্যাট্রিক্স X নির্ণয় করো যেখানে  $2A + 3X = 5B$ .

ii) যদি  $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 7 & 5 \end{pmatrix}$  এক  $A^x = -xI + yA$  হয়, যেখানে I হল 2 মাত্রার একক ম্যাট্রিক্স তাহলে x ও y নির্ণয় করো।

c) যে কোনো তিনটি প্রশ্নের উত্তর দাও:- 2X3=6

i) মান নির্ণয় করো  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + \sin x)}{x}$

ii)  $f(x) = x^2 - 4x + 3$  অপেক্ষাকৃত ক্ষেত্রে  $1 \leq x \leq 3$  বিস্তারে ফাংশনের উপপাদ্যের সত্যতা যাচাই করো।

iii) অবকলন সমীকরণ গঠন করো  $y = Ax + \frac{B}{x}$  (A, B প্রকৃত ধ্রুবক)

iv)  $f(x) = \begin{cases} 5x - 4 & \text{যখন } 0 \leq x \leq 1 \\ 4x^2 - 3x & \text{যখন } x > 1 \end{cases}$

$f(x)$  অপেক্ষাকৃত  $x=1$  বিন্দুতে সন্ততি আলোচনা করো।

v) মাননির্ণয় করো  $\int \frac{\sin 2x dx}{\sin 5x \sin 3x}$

vi)  $\frac{dy}{dx}$  নির্ণয় করো  $x = a \cos^4 \theta$   
 $y = b \sin^4 \theta$

d) যেহেতু কোনো একটি প্রশ্নের উত্তর দাও :-  $2 \times 1 = 2$ .

i) দেয়া হয়েছে  $A(2,3,1)$ ,  $B(-2,2,0)$  এবং  $C(0,1,-1)$  বিন্দু তিনটি দ্বারা গঠিত ত্রিভুজটি সমকোণী।

ii) যে সমকোণী ত্রিভুজের প্রান্তের মাপের সমান কোণের নতুন মাত্রা ত্রয় দিবে অনুপাত ও লিনি নির্ণয় করো।

e) যেহেতু কোনো একটি প্রশ্নের উত্তর দাও :-  $2 \times 1 = 2$

i) একটি ঘটনার অনুকূলে সুযোগ  $4:3$  এবং অন্য একটি স্বাধীন ঘটনার প্রতিকূলে সুযোগ  $2:3$ । ঘটনা দুটির মধ্যে কমপক্ষে একটি ঘটনা সম্ভাবনা কত?

ii)  $A$  ও  $B$  দুটি প্রদত্ত ঘটনা হলে নিম্নলিখিত প্রতিটি ক্ষেত্রে ঘটনা দুটি সম্বন্ধে কী সিদ্ধান্ত করা যায়?

a)  $P(A/B) = P(A)$     b)  $P(A \cap B) \neq 0$

2. a) যেহেতু কোনো একটি প্রশ্নের উত্তর দাও :-  $4 \times 1 = 4$

i) স্বাভাবিক সাংখ্যিক সমূহের সেটে  $N$  এর উপর একটি সম্বন্ধ  $R$  নিম্নরূপে সংজ্ঞায়িত:

$$(x, y) \in R \Rightarrow (x-y) \text{ রাশিটি } 5 \text{ দ্বারা বিভাজ্য, সকল } x, y \in N$$

এর জন্য। প্রমাণ করো,  $N$  এর উপর  $R$  একটি সমতুল্যতা সম্বন্ধ।

ii) মনে করো সব ধনাত্মক সাংখ্যিক সেটে  $Q$  এবং  $f: Q \rightarrow Q$  চিত্রণ  $f(x) = 3x - 2$  দ্বারা সংজ্ঞায়িত, যদি  $(g \circ f) = I_Q$  হয় তবে  $g: Q \rightarrow Q$  চিত্রণ নির্ণয় করো।



b) i) यदि  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & -2 & 1 \\ 4 & 2 & 1 \end{pmatrix}$  वस्तुतः  $A^{-1}$  निर्णय करो।  $4 \times 2 = 8$

(OR)  $A+B=2B^T$  एक  $3A+2B=I_3$  हल  $A$   $3B$  गुणद्विक्य निर्णय करो  
एधाने  $B^T$  हल  $B$  एउ परिवर्त (transpose) एक  $I_3$  हल उत्तीय करो  
एकक गुणद्विक्य।

ii) विपरीत गुणद्विक्य पद्धतिह समाधान करो

$$x+2y-3z=-4$$

$$2x+3y+2z=2$$

$$3x-3y-4z=11$$

(OR)

$A = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 6 & 5 \end{pmatrix}$  एक  $B = \begin{pmatrix} 3 & 7 \\ 4 & 0 \end{pmatrix}$  हल  $(A+B)^2$  को एकगुण गुणद्विक्य।

आगेरे प्रमाण करो एक हेधुण्ड  $(A+B)^2 = A^2 + AB + BA + B^2$

c) निम्नलिखित प्रश्नोत्तर उत्तर दाउ :-

$$4 \times 3 = 12$$

i)  $f(x) = x\sqrt{x^2+a^2} + a^2 \log(x + \sqrt{x^2+a^2})$  हल प्रमाण करो  $f'(0) = 2a$

(OR)  $y = \sqrt{x+1} - \sqrt{x-1}$  हल हेधुण्ड  $(x^2-1) \frac{dy}{dx} + x \frac{dx}{dy} = \frac{y}{4}$

ii) माननिर्णय करो :-  $\int \frac{1+\sin x}{\sin x(1+\cos x)} dx$  (OR)  $\int \frac{x-\sin x}{1-\cos x} dx$

iii) समाधान करो :-  $\frac{dy}{dx} = \frac{y}{x} + \cot \frac{y}{x}$  (OR)  $\frac{dy}{dx} = \sqrt{x+y+1}$

d) ये ठेगानो एकगुण प्रश्नोत्तर उत्तर दाउ :-

$$4 \times 1 = 4$$

i) द्वितीय नयेधुण्ड मधुयकी सूक्ष्मकरणो माननिर्णय करो यादद दिव  
कोसाईन समुह नीचे समीकरण द्वि सिद्ध करो  
 $2l-m+2n=0$  एक  $mn+nl+lm=0$

ii) प्रमाण करो एकगुण घनको द्वि करणो मधुयकी सूक्ष्मकरणो  
कोसाईने मान  $\frac{1}{3}$  अर्क प्रमाण करो  $\cos \theta = \frac{1}{3}$

e) যেহেতুনো একটি প্রস্থের উত্তর দাঁড় :-  $4 \times 1 = 4$

i) প্রমাণ করো  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin \theta \cos \theta (a^2 \sin^2 \theta + b^2 \cos^2 \theta)^{\frac{1}{2}} d\theta = \frac{1}{3} \cdot \frac{a^2 + ab + b^2}{a+b}$

ii) প্রমাণ করো  $\int_0^a \frac{dx}{x + \sqrt{a^2 - x^2}} = \frac{\pi}{4}$ .

৩.১) যেহেতুনো একটি প্রস্থের উত্তর দাঁড় :-  $4 \times 1 = 4$

i) দুটি পাতের মধ্যে প্রথমটিতে ২টি লাল ও ৩টি সাদা এক দ্বিতীয়টিতে ৩টি লাল ও ৫টি সাদা বল আছে। প্রথম পাত্র থেকে যথেষ্টভাবে একটি বল তুললে দ্বিতীয় পাত্রে রাখা হয় এক অথবা দুটি দ্বিতীয় পাত্র থেকে একটি বল তোলা হয়। যদি তোলা বলটি লাল হয়, তবে প্রথম পাত্র থেকে দ্বিতীয় পাত্রে স্থানান্তরিত করা বলটি সাদা হওয়ার সম্ভাবনা কত?

ii) আটটি কৌণিকস্থান মুদ্রা যথেষ্টভাবে একসাথে নিক্ষেপ্ত হলো। চিহ্ন ৫টি এক কক্ষপাঞ্জ ৫টি ব্লক পড়ার সম্ভাবনা নির্ণয় করো।

3.২) যেহেতুনো একটি প্রস্থের উত্তর দাঁড় :-  $5 \times 1 = 5$

i) একটি পরিবহন সীমিত - ৫ পাঁচটি জায়গা A, B, C, D ও E তে অধিবেশ আছে। A ও B তে অবস্থিত অধিবেশে যথাক্রমে ৪ ও ১০ টি লরি আছে। C, D ও E তে অবস্থিত অধিবেশগুলিতে যথাক্রমে ৬, ৪ ও ৫ টি লরি প্রয়োজন। একটি অধিবেশ থেকে অন্য অধিবেশে দুই (দুই) লরি তালিঙ্গ দেওয়া হল

লরি	C	D	E
A	2	5	3
B	4	2	7

যদি A ও B অধিবেশে লরিগুলি C, D ও E তে পাঠানো লরিগুলি ন্যূনতম দুই অতিক্রম করবে? এই সমস্যার একটি যৌক্তিক পোস্তামবিধি সমস্যা হিসেবে প্রকাশ করো।



- ii) লেখচিত্রের সাহায্যে বৈধিচ রূপান্তর বিধি সমস্যাগুলির সমাধান করো।  
এক অক্ষীয়ে অপেক্ষক  $Z$  এর অধম মান নির্ণয় করো।  
(দ্রব যোগাত্রে প্রয়োজন নেই)।

$$Z = 200x + 150y$$

$$\text{সর্তসারপেক্ষে } x + 2y \geq 10.$$

$$3x + 4y \leq 24$$

$$x \geq 0, y \geq 0.$$

- b) যেটানো দুটি প্রস্নের উত্তর দাও :- 5x2=10.

- i)  $lx + my = n$  সরলরেখাটি  $\frac{x^r}{a^r} - \frac{y^r}{b^r} = 1$  পরাবৃত্তের অঙ্কিত  
হলে কলনবিদ্যের সাহায্যে প্রমাণ করো  $\frac{a^r}{l^r} - \frac{b^r}{m^r} = \frac{(a^r + b^r)^2}{n^r}$

- ii) সমাকলনের সাহায্যে  $\frac{x^r}{2} + \frac{y^r}{1} = 1$  এর ক্ষেত্রফল নির্ণয় করো।

- iii) যদি  $x + y = 2$  হয় তবে  $Z = \frac{4}{x} + \frac{36}{y}$  রাশিটির চরম 3 অধম  
মান নির্ণয় করো।

- iv) মান নির্ণয় করো :-

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left[ \frac{1}{n} + \frac{n^r}{(n+1)^3} + \frac{n^r}{(n+2)^3} + \dots + \frac{1}{8n} \right]$$

- c) যেটানো দুটি প্রস্নের উত্তর দাও :- 5x1=5

- i)  $\frac{x}{2} = \frac{y}{1} = \frac{z}{3}$  3  $\frac{x-3}{-1} = \frac{y-2}{3} = \frac{z+5}{5}$  সরলরেখা দুটির  
প্রত্যেকটির উপলব্ধি যে সরলরেখা  $(1, 2, 3)$  বিন্দুগামী তার  
সমীকরণ নির্ণয় করো।

- ii)  $(-1, 1, 1)$  3  $(1, -1, 1)$  বিন্দুগামী 3  $x + 2y + 3z = 5$  সমতলটির উপর  
লম্ব সমতলটির সমীকরণ নির্ণয় করো।

১. বিকল্প উত্তরগুলির মধ্যে থেকে সঠিক উত্তরটি বেছে নিয়ে লেখো:  $1 \times 10 = 10$
- i)  $A = \{1, 2, 3, 4\}$  সেটে একটি সম্বন্ধ  $R = \{(1,1), (2,2), (4,4), (1,2), (1,3), (2,3)\}$  হলে এই সম্বন্ধটি a) দ্ব্যসম b) প্রতিসম c) সাক্ষম d) সমতুল্য
- ii) A একটি বর্গ ম্যাট্রিক্স হক  $A^2 = A$  হলে  $(I+A)^3 = 7A$  হক  
a) A b) I c) I-A d) 3A.
- iii)  $f(x) = \log_x (\log x)$  হলে  $f'(e)$  এর মান হক  
a) e b)  $\frac{2}{e}$  c)  $\frac{1}{e}$  d) 0
- iv)  $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z+5}{4}$  সরলরেখাটি  $2x+4y-z=3$  সমতলকে যে বিন্দুতে ছেদ করে তার স্থানাঙ্ক হক  
a) (3,1,-1) b) (3,-1,1) c) (3,-1,-1), d) কোনোটিই নয়
- v) A ও B দুটি স্বাধীন ঘটনা হক  $P(A) = \frac{3}{5}$  হক  $P(A \cap B) = \frac{4}{9}$  হলে  $P(B)$  এর মান হক  
a)  $\frac{5}{9}$  b)  $\frac{8}{9}$  c)  $\frac{5}{27}$  d)  $\frac{20}{27}$ .
- vi)  $y = mx+1$  সরলরেখাটি  $y^2 = 4x$  অধিবৃত্তের (1,2) বিন্দুতে স্পর্শক হলে m এর মান হক  
a) 1 b) 2 c) -1 d) -2.
- vii)  $\int e^{a \log_e x} dx$  এর মান হক  
a)  $\frac{1}{a} e^{a \log_e x} + c$  b)  $\frac{1}{x} + c$  c)  $ax^{a-1} + c$  d)  $\frac{x^{a+1}}{a+1} + c$ .
- viii)  $\left(\frac{d^3y}{dx^3} + y\right)^{3/4} = \sqrt[4]{1 + \frac{dy}{dx}}$  অবকল সমীকরণের মাত্রা (degree) হক  
a) 3 b) 4 c)  $3/4$  d) 1
- ix)  $\log x = z$  হলে  $x^z \frac{d^2y}{dz^2}$  এর মান হক  
a)  $\frac{d^2y}{dz^2}$  b)  $\frac{d^2y}{dz^2} + \frac{dy}{dz}$  c)  $\frac{d^2y}{dz^2} - \frac{dy}{dz}$  d)  $\frac{d^2y}{dz^2} - 2 \frac{dy}{dz}$ .
- x) যদি  $f(x) = \sin x$  হক  $f\{f(x)\} = |\sin x|$  হয় তাহলে  $g(x) =$   
a)  $\sqrt{x-1}$  b)  $\sqrt{x}$  c)  $\sqrt{x+1}$  d)  $-\sqrt{x}$ .



..MOCK TEST : 020

Sub: Mathematics

class: XII PART: A

F.M: 80

1. a) Answer any ONE question 2X1=2.

i) If  $R$  is a relation defined as  $R = \{(x, y) : x, y \in \mathbb{N} \text{ and } x + 3y = 12\}$ , then find the domain and range of  $R$ .

ii) Let  $R$  be the set of all real numbers and for all  $x \in R$ , the mapping  $f: R \rightarrow R$  is defined by  $f(x) = \alpha x + 2$ . If

$(f \circ f) = I_R$ , then find the value of  $\alpha$ .

b) i) Answer any one question 2X1=2  
 $A = \begin{pmatrix} 8 & 0 \\ 4 & -2 \end{pmatrix}$  and  $B = \begin{pmatrix} 2 & -2 \\ -5 & 1 \end{pmatrix}$ , find the another matrix  $X$  where  $2A + 3X = 5B$ .

ii) If  $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 7 & 5 \end{pmatrix}$  and  $A^2 = -xI + yA$ , find  $x$  and  $y$  where  $I$  is a unit matrix of order 2.

c) Answer any THREE questions 2X3=6.

i) Evaluate:  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + \sin x)}{x}$

ii) Verify Rolle's Theorem for the function  $f(x) = x^2 - 4x + 3$  in  $1 \leq x \leq 3$ .

iii) Construct the differential equation eliminating arbitrary constants

$$y = Ax + \frac{B}{x} \quad (A, B \text{ arbitrary constants})$$

iv) Let  $f(x) = \begin{cases} 5x - 4 & \text{when } 0 < x \leq 1. \\ 4x^2 - 3x & \text{when } x > 1 \end{cases}$

Discuss the continuity of  $f(x)$  at  $x = 1$ .

v) Evaluate:  $\int \frac{\sin 2x \, dx}{\sin 5x \sin 3x}$

vi) Find  $\frac{dy}{dx}$   $x = a \cos^4 \theta$   
 $y = b \sin^4 \theta$

(d) Answer any ONE question

- i)  $A(2,3,1)$ ,  $B(-2,2,0)$  and  $C(0,1,-1)$  are the vertices of the triangle ABC. Show that the triangle ABC is right angled.
- ii) Find the direction ratios of the straight line which makes equal angles with the coordinates axes.

Answer any ONE question

2X1=2

- (e) i) The odds in favour of an event are 4:3. The odds against another independent event are 2:3. What is the probability that at least one of the events will occur?
- ii) Two events A and B are given. What conclusion can be made in each of the following cases

(a)  $P(A/B) = P(A)$  (b)  $P(A \cap B) \neq 0$ .

Answer any ONE question

4X1=4

2. a) i) A relation R is defined on the set of all natural numbers, N by  $(x,y) \in R \Rightarrow (x-y)$  is divisible by 5 for all  $x,y \in N$ . Prove that R is an equivalence relation on N.

- ii) Let Q be the set of rational numbers and  $f: Q \rightarrow Q$  be defined by  $f(x) = 3x - 2$ ; find  $g: Q \rightarrow Q$  such that  $(g \circ f) = I_Q$ .

Answer the following questions :-

b) i) If  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & -2 & 1 \\ 4 & 2 & 1 \end{pmatrix}$  then find  $A^{-1}$

4X2=8

(OR)

If  $A+B = 2B^T$  and  $3A+2B = I_3$  then find the matrices A and B. Where  $B^T$  is the transpose of the matrix B,  $I_3$  is the third order unit matrix.

- ii) Solve by inverse matrix method

$$x + 2y - 3z = -4$$

$$2x + 3y + 2z = 2$$

$$3x - 3y - 4z = 11$$

(OR) If  $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 6 & 5 \end{pmatrix}$  and  $B = \begin{pmatrix} 3 & 7 \\ 4 & 0 \end{pmatrix}$  express  $(A+B)^2$  as a matrix and show that  $(A+B)^2 = A^2 + AB + BA + B^2$ .



c) Answer the following questions :-

i) If  $f(x) = x\sqrt{x^2+a^2} + a^2 \log(x + \sqrt{x^2+a^2})$  then prove that  $f'(0) = 2a$ .

(OR) If  $y = \sqrt{x+1} - \sqrt{x-1}$  then show that  $(x^2-1)\frac{dy}{dx} + x\frac{dy}{dx} = \frac{y}{4}$ .

ii) Evaluate :-  $\int \frac{1+\sin x}{\sin x(1+\cos x)} dx$  (OR)  $\int \frac{x-\sin x}{1-\cos x} dx$ .

iii) Solve :-  $\frac{dy}{dx} = \frac{y}{x} + \cot \frac{y}{x}$  (OR)  $\frac{dy}{dx} = \sqrt{x+y+1}$

d) Answer any ONE question 4X1=4

i) Show that the pair of straight lines whose direction cosines are given by the equations  $2l-m+2n=0$  and  $mn+nl+lm=0$  are at right angles.

ii) Prove that the <sup>cosine of the</sup> acute angle between two diagonals of a cube is  $\frac{1}{3}$  i.e.  $\cos\theta = \frac{1}{3}$ .

e) Answer any ONE question 4X1=4

i) Prove that  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin\theta \cos\theta (a^2 \sin^2\theta + b^2 \cos^2\theta)^{\frac{1}{2}} d\theta = \frac{1}{3} \frac{a^2+ab+b^2}{a+b}$ .

ii) Prove that  $\int_0^a \frac{dx}{x + \sqrt{a^2-x^2}} = \frac{\pi}{4}$ .

f) Answer any ONE question 4X1=4

i) Two urns contain respectively 2 red, 3 white and 3 red, 5 white balls. One ball is drawn at random from the first urn and transferred into the second. A ball is now drawn from the second urn and it turns out to be red. Find the probability that the transferred ball from the first urn was white.

ii) Eight unbiased coins tossed simultaneously. Find the probability of getting exactly five heads and at least five heads.

3. a) Answer any ONE question

5X1=5

- i) A transport company has offices in five localities A, B, C, D and E. The offices located at A and B had 8 and 10 trucks respectively whereas offices at C, D, E required 6, 8 and 4 trucks respectively. The distances in Kilometres between the five localities are given below.

To		C	D	E
From	A	2	5	3
	B	4	2	7

How the trucks from A and B can be sent to C, D and E so that the total distance covered by the trucks is minimum?  
Formulate the problem as a linear Programming Problem.

- ii) Minimize the following objective function  $Z$  graphically (Graph sheet is not required).

$$\text{Min } Z = 200x + 160y$$

$$\text{Subject to. } x + 2y \geq 10$$

$$3x + 4y \leq 24$$

$$x \geq 0, y \geq 0$$

b) Answer any TWO questions

5X2=10

- i) If the straight line  $lx + my = n$  be a normal to the hyperbola  $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ , then by the application of calculus, prove that  $\frac{a^2}{l^2} - \frac{b^2}{m^2} = \frac{(a^2 + b^2)^2}{n^2}$

- ii) Using integral calculus, find the area of

$$\frac{x^2}{2} + \frac{y^2}{1} = 1$$



5

iii) If  $x+y=2$  then find the maximum and minimum value of

$$Z = \frac{4}{x} + \frac{36}{y}$$

iv) Evaluate:-

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left[ \frac{1}{n} + \frac{n^r}{(n+1)^3} + \frac{n^r}{(n+2)^3} + \dots + \frac{1}{8n} \right]$$

e)

Answer any ONE question

5X1=5

i) Find the equation of the line which is perpendicular to both the lines  $\frac{x}{2} = \frac{y}{1} = \frac{z}{3}$  and  $\frac{x-3}{-1} = \frac{y-2}{3} = \frac{z+5}{5}$  and passing through the point  $(1, 2, 3)$ .

ii) Find the equation of the plane passing the points  $(-1, 1, 1)$  and  $(1, -1, 1)$  and is perpendicular to the plane

$$x+2y+2z=5.$$

1. i) Choose the correct alternative: 1X10=10.  
 The relation  $R = \{(1,1), (2,2), (4,4), (1,2), (1,3), (2,3)\}$  on the set  $A = \{1, 2, 3, 4\}$  is.  
 a) reflexive b) symmetric c) transitive d) equivalence
- ii) If  $A$  is a square matrix and  $A^T = A$  then  $(I+A)^3 - 7A$  will be  
 a)  $A$  b)  $I$  c)  $I-A$  d)  $3A$ .
- iii) The line  $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z+5}{4}$  meets the plane  $2x+4y-z=3$  at the point whose <sup>2</sup><sub>-3</sub> coordinate are  
 a)  $(3, 1, -1)$  b)  $(-3, -1, 1)$  c)  $(3, -1, -1)$  d) none of these.
- iv) If  $A$  and  $B$  are two independent events and  $P(A) = \frac{3}{5}$  and  $P(A \cap B) = \frac{4}{9}$  then the value of  $P(B)$  will be  
 a)  $\frac{5}{9}$  b)  $\frac{8}{9}$  c)  $\frac{5}{27}$  d)  $\frac{20}{27}$ .
- v) If  $f(x) = \log_x(\log x)$  then the value of  $f'(e)$  will be  
 a)  $e$  b)  $\frac{2}{e}$  c)  $\frac{1}{e}$  d)  $0$ .
- vi) If the straight line  $y = mx + 1$  be the tangent of the parabola  $y^2 = 4x$  at the point  $(1, 2)$ , then the value of  $m$  will be  
 a)  $1$  b)  $2$  c)  $-1$  d)  $-2$ .
- vii) The value of  $\int e^{a \log_e x} dx$  will be  
 a)  $\frac{1}{a} e^{a \log_e x} + c$  b)  $\frac{1}{x} + c$  c)  $a x^{a-1} + c$  d)  $\frac{x^{a+1}}{a+1} + c$
- viii) Degree of the differential equation  $\left(\frac{d^3 y}{dx^3} + y\right)^{\frac{3}{4}} = 4 \sqrt{1 + \frac{dy}{dx}}$  will be  
 a)  $3$  b)  $4$  c)  $\frac{3}{4}$  d)  $1$
- ix) If  $\log x = z$  then value of  $x^2 \frac{d^2 y}{dx^2}$  will be  
 a)  $\frac{d^2 y}{dz^2}$  b)  $\frac{d^2 y}{dz^2} + \frac{dy}{dz}$  c)  $\frac{d^2 y}{dz^2} - \frac{dy}{dz}$  d)  $\frac{d^2 y}{dz^2} - 2 \frac{dy}{dz}$ .
- x) If  $f(x) = \sin^2 x$  and  $g\{f(x)\} = |\sin x|$  then value of  $g(x)$  will be  
 a)  $\sqrt{x-1}$  b)  $\sqrt{x}$  c)  $\sqrt{x+1}$  d)  $-\sqrt{x}$ .